

【4】 =====

制御入力 (reset, enable) = (0, 0) のときの動作は,  $(q_3' q_2' q_1' q_0')_2 = (q_3 q_2 q_1 q_0)_2 + (0 0 0 0)_2$  と書けるから, reset = 0 のときは,  $(q_3' q_2' q_1' q_0')_2 = (q_3 q_2 q_1 q_0)_2 + (0 0 0 \text{ enable})_2$  という演算を行えばよいことが分かる. この演算は, 最下位ビットにおいて,  $(q_0)_2 + (\text{enable})_2$  という加算をし,  $(c_1 q_0')_2 = (q_0)_2 + (\text{enable})_2$  なる2ビット(桁上げ  $c_1$  と次状態の値  $q_0'$ )を求め, 各桁  $i(1 \leq i \leq 3)$ において,  $(c_{i+1} q_i')_2 = (q_i)_2 + (c_i)_2$  なる加算を行うことによって実行できる. そこで,  $c_0 = \text{enable}$  と書けば, 各桁  $i(0 \leq i \leq 3)$ において,  $(c_{i+1} q_i')_2 = (q_i)_2 + (c_i)_2$  なる加算をすることになる.

従って, 各桁  $i(0 \leq i \leq 3)$ における論理変数  $c_{i+1} q_i'$  の値は下の表のようになるから, これらは半加算器を用いて実現できる. なお, この表で,  $d_i$  は  $i$  桁目の値を覚える D フリップフロップの入力である.

| $q_i$ | $c_i$ | $c_{i+1}$ | $q_i' = d_i$ |
|-------|-------|-----------|--------------|
| 0     | 0     | 0         | 0            |
| 0     | 1     | 0         | 1            |
| 1     | 0     | 0         | 1            |
| 1     | 1     | 1         | 0            |

これらより, 4ビットのアップカウンタを下図のように作成できる. ただし, ここでは, 半加算器を XOR ゲートと AND ゲートに分解して描いている.

