

【14】 =====

4進表示で $(2130)_4$ となる1バイトを2進表示すると、 $(1001\ 1100)_2$ となる。これが2の補数表現された1バイトの整数だとすると、最上位ビットが1であるから、負の数を表す。ちなみに、この1バイトの2の補数は $(0110\ 0100)_2 = 64+32+4 = 100$ であるから、 $(1001\ 1100)_2^{2^C} = -100$ である。

この1バイト $(1001\ 1100)_2$ からハミング距離3にある1バイトは3つのビットにおいて0と1が反転したものであり、最大の整数であるためには、最上位ビットを0にし、正の数とした後、できるだけ上位のビットを1としておけばよい。従って、 $(0111\ 1100)_2$ はハミング距離が3で、最大となるから、これは10進数で、 $(0111\ 1100)_2 = 64+32+16+8+4 = 124$ である。

【15】 =====

8進表示すると $(145031)_8$ となる2バイトは、2進表示すると $(1100\ 1010\ 0001\ 1001)_2$ となるから、指数部は $(100\ 1010)_2$ であり、指数Eは、

$$E = (100\ 1010)_2 - (011\ 1111)_2 = (100\ 1010)_2 - (100\ 0000)_2 + 1 = (000\ 1011)_2 = 11$$

である。従って、この2バイトが表す数Nは、

$$N = (-1)^1 \cdot (1.0001\ 1001)_2 \cdot 2^{11} = -(1\ 0001\ 1001\ 000)_2 = -(2^{11} + 2^7 + 2^6 + 2^3)$$

である。これより、このような2進整数の仮数部を1以上2未満に正規化し、仮数部の小数部を8ビットにすると、下3ビットは無視されることが分かる。また、数Nが負の数であるので、下3ビットが全て1であるような以下の整数Mが、求める最小の整数となる。

$$M = -(1\ 0001\ 1001\ 111)_2 = (-1)^1 \cdot (1.0001\ 1001\ 111)_2 \cdot 2^{11}$$

すなわち、このMを問題に示された2バイトの2進浮動小数点数で表すと、その2進表示は $(1100\ 1010\ 0001\ 1001)_2$ であり、8進表示 $(145031)_8$ と同じである。従って、求める最小数Mは下記である。

$$\begin{aligned} M &= -(1\ 0001\ 1001\ 111)_2 = 2^{11} + 2^7 + 2^6 + 2^3 + 2^2 + 2^1 + 2^0 = -(2048 + 128 + 64 + 8 + 4 + 2 + 1) \\ &= -2,255 \end{aligned}$$